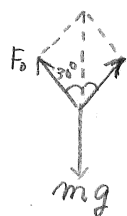


解答紙には答えだけでなく, 設問に応じて, 式・計算・図や文章による説明も書き入れよ。

1

(問1) 鉛直方向の力のつりあいより



$$2 \times F_0 \cos 30^\circ = mg$$

$$\begin{aligned} \therefore F_0 &= \frac{mg}{2 \cos 30^\circ} \\ &= \frac{\sqrt{3}}{3} mg \end{aligned}$$

同様に $\theta = 60^\circ$ のとき

$$\begin{aligned} F_1 &= \frac{mg}{2 \cos 60^\circ} \\ &= mg \end{aligned}$$

$$\text{答: } F_0 = \frac{\sqrt{3}}{3} mg \text{ [N]} \quad F_1 = mg \text{ [N]}$$

(問2) 図1より滑車から床までの高さは $\sqrt{3}w$, 重りまでは $\frac{w}{\sqrt{3}}$ よって, 床から重りまでの高さは $\sqrt{3}w - \frac{w}{\sqrt{3}}$

$$\begin{aligned} U_1 &= mg \left(\sqrt{3}w - \frac{w}{\sqrt{3}} \right) \\ &= \frac{2\sqrt{3}}{3} mgw \end{aligned}$$

$$\text{答: } \frac{2\sqrt{3}}{3} mgw \text{ [J]}$$

(問3) (問1)(問2)と同様に考えて

$$F_2 = \frac{\sqrt{2}}{2} mg = \frac{mg}{\sqrt{2}}$$

$$\therefore \cos \theta = \frac{1}{\sqrt{2}} \quad \text{よって } \theta = 45^\circ$$

このとき滑車と重りの高さの差は w である。

$$U_2 = mg(\sqrt{3}w - w) = (\sqrt{3} - 1)mgw$$

$$\text{答: } (\sqrt{3} - 1)mgw \text{ [J]}$$

(問4)

30°のとき $\square-\triangle$ の長さは $2w$ 60°のとき $\square-\triangle$ の長さは $\frac{2}{\sqrt{3}}w$

$$\text{よって } S_1 = \frac{2}{\sqrt{3}}w - 2w = -\frac{2}{3}(3 - \sqrt{3})w$$

つまり距離は短くなっている。

$$\text{答: } -\frac{2}{3}(3 - \sqrt{3})w \text{ [m]}$$

(問5) 重りの上昇する速さは $\frac{v_1}{\cos 60^\circ} = 2v_1$ (60°のとき)

力学的エネルギーは運動エネルギーと位置エネルギーの和だから

(問2)の結果を用いて

$$\begin{aligned} E_1 &= \frac{m}{2} (2v_1)^2 + \frac{2\sqrt{3}}{3} mgw \\ &= 2mv_1^2 + \frac{2\sqrt{3}}{3} mgw \end{aligned}$$

$$\text{答: } 2mv_1^2 + \frac{2\sqrt{3}}{3} mgw \text{ [J]}$$

解答紙には答えだけでなく, 設問に応じて, 式・計算・図や文章による説明も書き入れよ。

2

(問1)

(i) $R_3 \rightarrow G \rightarrow R_4 \rightarrow R_3$ について, キルヒホッフの法則より

$$R_3 I_1 - R_4 I_2 = 0$$

(ii) $R_1 \rightarrow R_2 \rightarrow G \rightarrow R_1$ について, 同様に,

$$R_1 I_1 - R_2 I_2 = 0$$

$$2式より \frac{R_3 I_1}{R_1 I_1} = \frac{R_4 I_2}{R_2 I_2} \quad \therefore R_3 = \frac{R_1 R_4}{R_2}$$

$$\text{答: } R_3 = \frac{R_1 R_4}{R_2} \text{ } [\Omega]$$

(問2)

抵抗値 R は, $R = \rho \frac{L}{S}$ より, $R = \frac{\rho_0 (1 + \alpha T) L}{S} \dots \textcircled{1}$

$\textcircled{1}$ について, $T = 0$ とおくと $R_0 = \frac{\rho_0 L}{S}$

これを $\textcircled{1}$ に代入して, $R = (1 + \alpha T) R_0$

$$\therefore T = \frac{R - R_0}{\alpha R_0}$$

$$\text{答: } R = \frac{\rho_0 (1 + \alpha T) L}{S} \text{ } [\Omega] \quad T = \frac{R - R_0}{\alpha R_0} \text{ } [^{\circ}\text{C}]$$

(問3)

ホイートストーンブリッジ回路より(問1)の結果を用いて,

$$R_3 = \frac{R_1 (R + 2r)}{R_2}$$

$$\therefore R = \frac{R_2 R_3}{R_1} - 2r$$

$$\text{答: } R = \frac{R_2 R_3}{R_1} - 2r \text{ } [\Omega]$$

(問4)

(問2)(問3)の結果を用いて

$$T_1 = \frac{\frac{R_2 R_3}{R_1} - 2r - R_0}{\alpha R_0} = \frac{R_2 R_3 - R_0 R_1 - 2R_1 r}{\alpha R_0 R_1}$$

$$\text{答: } T_1 = \frac{R_2 R_3 - R_0 R_1 - 2R_1 r}{\alpha R_0 R_1} \text{ } [^{\circ}\text{C}]$$

(問5)(問3)(問4)と同様に

$$R_3 + r = \frac{R + r}{R_2} R_1$$

$$\therefore R = \frac{R_2 R_3 + R_2 r - R_1 r}{R_1}$$

$$\begin{aligned} T_2 &= \frac{\frac{R_2 R_3 + R_2 r - R_1 r}{R_1} - R_0}{\alpha R_0} \\ &= \frac{R_2 R_3 - R_0 R_1 + (R_2 - R_1) r}{\alpha R_0 R_1} \end{aligned}$$

$$\text{答: } T_2 = \frac{R_2 R_3 - R_0 R_1 + (R_2 - R_1) r}{\alpha R_0 R_1} \text{ } [^{\circ}\text{C}]$$

(問6)

(問4)(問5)より

(理由)

T_2 は $R_1 = R_2$ に設定すると, r の影響を無視できる。

T_1 は, r の影響を受けないように R_1, R_2 を設定

することができない。

答: 図3の回路

解答紙には答えだけでなく, 設問に応じて, 式・計算・図や文章による説明も書き入れよ。

3

(問1) 光子のエネルギーより

$$E = h \frac{c}{\lambda_0}$$

答: $h \frac{c}{\lambda_0}$ [J]

(問2) エネルギー保存の法則より

$$h \frac{c}{\lambda_0} = h \frac{c}{\lambda'} + \frac{1}{2} m v^2 \dots ①$$

答: $h \frac{c}{\lambda_0} = h \frac{c}{\lambda'} + \frac{1}{2} m v^2$

(問3) 光子の運動量より

$$p = \frac{h}{\lambda_0}$$

答: $\frac{h}{\lambda_0}$ [kg·m/s]

(問4) x方向の運動量保存の法則より,

$$\frac{h}{\lambda_0} = \frac{h}{\lambda'} \cos \phi + m v \cos \theta \dots ②$$

y方向の運動量保存の法則より,

$$0 = -\frac{h}{\lambda'} \sin \phi + m v \sin \theta \dots ③$$

答: x方向: $\frac{h}{\lambda_0} = \frac{h}{\lambda'} \cos \phi + m v \cos \theta$

y方向: $0 = -\frac{h}{\lambda'} \sin \phi + m v \sin \theta$

(問5) ②より $m v \cos \theta = \frac{h}{\lambda_0} - \frac{h}{\lambda'} \cos \phi$, ③より $m v \sin \theta = \frac{h}{\lambda'} \sin \phi$

$$\therefore m^2 v^2 \cos^2 \theta + m^2 v^2 \sin^2 \theta = \left(\frac{h}{\lambda_0}\right)^2 - \frac{2h^2}{\lambda_0 \lambda'} \cos \phi + \left(\frac{h}{\lambda'}\right)^2 \cos^2 \phi + \left(\frac{h}{\lambda'}\right)^2 \sin^2 \phi$$

$$\sin^2 \theta + \cos^2 \theta = 1 \text{ より, } m^2 v^2 = \left(\frac{h}{\lambda_0}\right)^2 - \frac{2h^2}{\lambda_0 \lambda'} \cos \phi + \left(\frac{h}{\lambda'}\right)^2$$

$$\text{①より } \frac{2mhc}{\lambda_0} = \frac{2mhc}{\lambda'} + m^2 v^2$$

$$\therefore \left(\frac{h}{\lambda_0}\right)^2 - \frac{2h^2}{\lambda_0 \lambda'} \cos \phi + \left(\frac{h}{\lambda'}\right)^2 = 2mhc \left(\frac{1}{\lambda_0} - \frac{1}{\lambda'}\right)$$

$$\text{両辺} \times \frac{\lambda_0 \lambda'}{2mhc} \text{ をかけると, } \frac{h \lambda'}{2mc \lambda_0} - \frac{h \cos \phi}{mc} + \frac{h \lambda_0}{2mc \lambda'} = \lambda' - \lambda_0$$

$$\frac{h}{2mc} \left(\frac{\lambda'}{\lambda_0} + \frac{\lambda_0}{\lambda'}\right) - \frac{h \cos \phi}{mc} = \lambda' - \lambda_0$$

$$\frac{\lambda'}{\lambda_0} + \frac{\lambda_0}{\lambda'} \div 2 \text{ より, } \frac{h}{mc} - \frac{h \cos \phi}{mc} = \lambda' - \lambda_0$$

答: $\Delta \lambda = \frac{h}{mc} (1 - \cos \phi)$ [m]

(問6) $\therefore \Delta \lambda = \lambda' - \lambda_0 = \frac{h}{mc} (1 - \cos \phi) \dots ④$

$\alpha = 90^\circ$ のとき, $\phi = 90^\circ$ となる。④に代入して

$$\lambda' - 0.0709 \times 10^{-9} = \frac{6.63 \times 10^{-34}}{(9.11 \times 10^{-31}) \times (3.00 \times 10^8)} (1 - \cos 90^\circ)$$

$$\lambda' - 0.0709 \times 10^{-9} = 0.002426 \times 10^{-9}$$

$$\lambda' = 0.0733 \times 10^{-9}$$

答: $\lambda' = 0.0733 \text{ nm}$